DOI: 10. 19650/j. cnki. cjsi. J2413123

考虑冲洗液机器人骨铣削温度建模及敏感性分析*

周紫琪1,柯玮翔1,胡钧飞1,赵志辉2,代 煜1

(1. 南开大学机器人与信息系统化研究所 天津 300350; 2. 天津医科大学附属第四中心医院 天津 300140)

摘 要:在机器人辅助骨铣削手术中,大量热量的产生容易导致热坏死,通常通过使用冲洗液来降低铣削温度。然而,传统的骨 铣削温度研究并未考虑冲洗液的影响。为此,建立了一个综合考虑冲洗液作用的骨铣削温度模型。首先,基于有限元法,构建 了球头铣刀铣削皮质骨的温度场模型。然后,通过点热源温度场理论,标定了不同流速下冲洗液的对流换热系数。结果表明, 当冲洗液流速分别为 31.6、43.3 和 65 μm³/s 时,对流换热系数分别为 400、800 和 1 100 W/(m²·℃)。最后,采用响应面法分析 了各铣削参数对最高铣削温度的影响。分析结果表明,铣削深度对最高温度的影响最大,其次是冲洗液流速、进给速度和铣削 角度。该温度模型及分析结果为术前铣削参数选择提供了有价值的参考,有助于减少骨铣削过程中的热坏死风险。 关键词:骨铣削温度;有限元法;热参数识别;响应面法

中图分类号: TH811 TH781 文献标识码: A 国家标准学科分类代码: 510.1040

Temperature modeling and sensitivity analysis of robot-assisted bone milling considering irrigation fluid

Zhou Ziqi¹, Ke Weixiang¹, Hu Junfei¹, Zhao Zhihui², Dai Yu¹

(1. Institute of Robotics and Automatic Information System, Nankai University, Tianjin 300350, China;
 2. Affiliated Fourth Central Hospital, Tianjin Medical University, Tianjin 300140, China)

Abstract: In robot-assisted bone milling surgery, the generation of a large amount of heat can easily lead to thermal necrosis. The irrigation fluid is commonly used to reduce the milling temperature. However, traditional research on bone milling temperature does not consider the influence of irrigation fluid. To address this, this study proposes a bone milling temperature model that comprehensively considers the effect of irrigation fluid. First, based on the finite element method, a temperature field model of cortical bone milling with a ball-end milling cutter is formulated. Then, the convective heat transfer coefficient of the irrigation fluid at different flow rates is calibrated using the point heat source temperature field theory. The results indicate that, at flow rates of 31.6, 43.3 and 65 μ m³/s, the convective heat transfer coefficients are 400, 800 and 1 100 W/(m² · C), respectively. Finally, response surface methodology is utilized to analyze the effects of various milling parameters on the maximum milling temperature. The analysis shows that milling depth has the most significant impact on the maximum temperature, followed by irrigation fluid flow rate, feed speed, and milling angle. This temperature model and the accompanying analysis provide valuable references for selecting preoperative milling parameters and help reduce the risk of thermal necrosis during bone milling.

Keywords: bone milling temperature; finite element method; thermal parameter identification; response surface method

0 引 言

近年来,医疗机器人辅助技术因其定位精度高、稳定 性强、能减少大量人工操作等优点被引入到骨科手术 中^[1]。机器人辅助骨铣削技术是最常见的一种手术操 作。随着该技术的广泛应用,在骨铣削过程中产生的安 全问题也逐渐引起了人们的重视^[2]。骨具有低热导率和 高比热的特性^[3]。骨铣削过程中产生的大量热量容易堆 积在局部导致铣削温度过高。过高的铣削温度会使刀刃

收稿日期:2024-08-02 Received Date: 2024-08-02

^{*}基金项目:国家自然科学基金(62173190)、天津市科技计划(21JCYBJC00280)项目资助

软化,降低骨表面的铣削质量。持续高温甚至会导致骨 细胞和组织发生热坏死。因此避免温度过高对手术成功 与否有着至关重要的影响。在机器人手术系统中通常会 使用各种传感器设备来监测手术状态从而保证患者的安 全^[46]。而骨铣削操作的手术区域狭小,使用传感器会影 响医生的手术视野。肌肉组织的出血状况以及骨切屑的 产生还会影响传感器的数据采集。因此目前还没有合适 的传感器能够监测手术中的铣削温度^[7],医生只能依靠 个人经验来估计温度。例如通过观察肌肉组织的外观或 铣削时产生的烟雾来判断温度是否过高。当温度被视为 过高时,将暂停铣削操作,使用冲洗液给铣削区域降温, 然后用吸入器抽出残余的冲洗液。因此,通过预测铣削 过程中骨的温度变化来避免温度过高成为了研究的 关键。

在骨铣削温度的研究上,研究者最早是以理论分析 的方法来建立温度模型。Shin 等^[89]分别根据运动平面 热源理论和运动线性热源理论,建立了骨材料的温度分 布模型。然而他们都没有提供骨铣削过程中热量的具体 计算方法,只能得到铣削区域的平均温度。Liao 等^[10]结 合骨材料应力模型和运动线性热源理论,建立了骨铣削 温度的数学模型。上述研究认为铣削过程中剪切效应和 犁耕效应产生的部分热量直接流入骨材料,为骨铣削温 度的数学建模提供了可解释性和理论支持。相比于用形 状规则、能量恒定的简化热源代替真实热源,Li 等^[7]基于 热产生和热传导理论计算了骨与球头铣刀之间的摩擦热 量,建立了骨的三维温度模型。然而在机理分析的基础 上建立数学模型,往往会受到边界条件的限制^[11-12].例如 无法考虑铣刀铣削角度的变化以及冲洗液对温度的影响 等。因此,部分研究者选择基于大量的实验数据来研究 骨铣削温度。Tian 等^[13]对不同骨层进行了一系列不同 铣削条件下的骨铣削实验,并利用响应面法和 Sobol 法定 量分析了各铣削参数对温度的影响。结果表明在一定范 围内,铣刀进给速度和主轴转速的提高对温度升高有显 著影响。Al-Abdullah 等^[2]设计了全因子实验来收集数 据,利用人工神经网络来估计不同骨密度下的铣削力 以及铣削温度与铣刀进给速度和主轴转速的关系。利 用神经网络建模需要大量骨铣削实验的温度数据。目 前的温度采集设备主要分为接触式传感器和非接触式 传感器。接触式的传感器例如热电偶,优点是精度高、 延迟小,缺点是采集数据的效率低、使用不便[14]。非接 触式的传感器例如热像仪,优点是采集数据的效率高、 使用便利,缺点是延迟大、容易受环境影响,比如冲洗 液的使用。传统的骨铣削实验需要耗费大量的时间来 制备实验样本和采集温度数据、受到实验环境和传感 器设备的限制且不便于铣削条件的控制。而有限元法 不仅能够精确的控制仿真环境和铣削条件,还能获得

丰富且全面的数据^[15]。Tai 等^[16]根据热能转换方程, 由电机电功率确定发热量,然后基于有限元法来估计 颅骨磨削手术中骨表面的温度。Zhang 等^[17]利用反向 传热法来定义颅骨磨削手术中的热源,并基于有限元 法模拟颅骨磨削过程中的温度分布以获得最佳的铣削 参数。以上基于有限元法建立的温度模型利用了等效 热源代替真实热源来预测不同铣削参数下的温度场。 然而他们都是基于干铣条件下建立的模型,没有考虑 冲洗液对铣削温度的影响,无法预测使用冲洗液后的 铣削温度。在实际的骨铣削手术中,使用冲洗液是必 不可少的操作。冲洗液能够有效地降低铣削温度,减 少骨细胞和组织热坏死的发生,同时减少铣刀的热变 形,保持刀具硬度从而保证骨表面的铣削质量。因此 冲洗液是影响骨铣削温度的重要因素。考虑冲洗液影 响的骨铣削温度模型更符合实际手术场景,能够为医 生提供更加有效且全面的参考。

基于有限元法建立了球头铣刀铣削皮质骨的温度模型,该模型计算了铣削过程中的真实热源,不仅适用于各种铣削条件,还考虑了不同流速下的冲洗液对铣削温度的影响。基于点热源温度场理论,通过点热源实验和有限元仿真计算标定了不同流速下冲洗液的对流换热系数。最后基于响应面法设计了仿真实验。利用获得的仿真结果,建立了最高铣削温度的经验数学模型。对各铣削参数进行了敏感性分析,讨论了铣削角度、铣削深度、进给速度以及冲洗液流速对最高铣削温度的影响。该模型以及分析结果有望能够为医生在术前规划中选择铣削参数提供参考。

1 基于 ABAQUS 的骨铣削温度场建模

1.1 模型假设

为了便于研究加入冲洗液后的骨铣削过程,提出了 以下假设,如图 1 所示,铣削参数包括主轴转速 n、铣削 角度 θ 、进给速度 v_f 、铣削深度 a_p 在铣削过程中保持不 变。目标骨为一形状规则且无限大的板。由于皮质骨的 热学特性在不同方向上的变化较小^[18],因此将目标骨视 为具有各向同性和均一性的骨材料。由于铣刀的硬度远 大于骨的硬度,因此忽略铣刀接触骨时的微小变形。对 流换热系数 h 表征了流体与固体表面之间的换热能力。 在骨铣削过程中,冲洗液流过骨表面时由于冲洗液与骨 面之间的对流换热作用能够带走骨上大部分的铣削热, 从而达到对骨降温冷却的效果。对流换热系数 h 的大小 反映了对流换热作用的强弱。因此在骨铣削温度模型 中,在骨面上引入一个对流换热系数 h 来表征冲洗液与 骨面之间的对流换热作用。



图 1 使用冲洗液的骨铣削过程

Fig. 1 Bone milling process using irrigation fluid

1.2 几何模型的建立以及材料属性设置

球头铣刀的几何适应性强、易控制且铣削精度高、铣 削质量好,常作为进行骨铣削的刀具。以球心为原点,建 立柱坐标系(*o-rθz*),与球面相切的圆柱面上螺旋线上的 点(r_e, θ_e, z_e)可以表示为:

$$r_c = R_0 \tag{1}$$

$$\theta_c = \frac{z_c + \kappa_0}{R_0 \tan \beta_0} + \varphi_j \tag{2}$$

$$\varphi_j = (j-1)\frac{2\pi}{N_f} + \varphi_1 \tag{3}$$

式中: R_0 为球体半径; β_0 为螺旋角; φ_j 为第j 个叶片的起 始角; φ_1 为第1个叶片的起始角; N_i 为总叶片数。

将螺旋线沿圆柱半径投影到球面上,则球面上螺旋 线上的点 (r_h, θ_h, z_h) 可以表示为:

$$r_{h} = \sqrt{R_{0}^{2} - z_{h}^{2}}$$
(4)

$$\theta_h = \frac{z_h + R_0}{R_0 \tan \beta_0} + \varphi_j \tag{5}$$

由于球头铣刀的刀刃具有复杂的螺旋形结构,利用 Solidworks 对球头铣刀进行几何建模之后再导入到 ABAQUS中。参考医用球头铣刀,本研究中球头铣刀建 模时的几何参数如表1所示。骨工件的几何模型为一厚 度是2mm的矩形块。

表 1 球头铣刀的几何参数 Table 1 Geometric parameters of ball-end milling cutter

刀头直径/mm	刃数	切削刃长度/mm	螺旋角/(°)
4	10	3. 8	30

骨材料可分为皮质骨和松质骨。皮质骨位于骨头的 外部,而松质骨主要位于颅骨、脊椎动物骨骼和长骨的末 端。人类骨骼的80%左右是皮质骨组织,剩下的20%是松 质骨组织。皮质骨比松质骨更硬,因此铣削皮质骨时会出 现更高的铣削温度和铣削力。对骨细胞、神经以及肌肉组 织造成机械伤害和热损伤的可能性更大。因此本文建立 的骨铣削温度模型选择将皮质骨作为骨工件的材料,球头 铣刀的材料为 YG8 硬质合金,其材料参数如表 2 所示。

表 2 模型的材料参数 Table 2 Material property parameters of model

部件	密度/ (kg·m ⁻³)	杨氏模量/ MPa	泊松比	热导率/ (W·m ⁻¹ ・ ℃ ⁻¹)	比热容/ (J·kg ⁻¹ ・ ℃ ⁻¹)
骨工件	1 640	1.67×10^4	0.3	0.05	100
球头铣刀	14 600	6.4×10 ⁵	0. 22	79.6	220

皮质骨在铣削过程中会发生高应变率的变形,采用 Johnson-Cook本构模型来模拟骨材料的应力流动有:

$$\sigma = (A + B\varepsilon^{n})(1 + C\ln\frac{\dot{\varepsilon}}{\dot{\varepsilon}_{0}}) \left[1 - \left(\frac{T - T_{r}}{T_{m} - T_{r}}\right)^{m}\right] \quad (6)$$

式中: ε 为等效塑性应变;和为等效塑性应变率和参考塑性应变率;T为工件铣削部位的温度; T_m 为铣削材料的熔点; T_r 为环境温度;n为应变硬化指数;m为热软化指数; $A \ S \ C$ 为材料的屈服强度、应变、应变敏感率。皮质骨的Johnson-Cook 模型参数如表 3 所示。

表 3 皮质骨的 Johnson-Cook 模型参数

Table 3 Johnson-Cook model parameters of cortical bone

屈服强	应变/	应变	应变	热软化	熔点/	参考塑性
度/MPa	MPa	敏感率	硬化指数	指数	℃	应变率/s ⁻¹
50	101	0.03	0.08	1.03	875	0.001

1.3 网格划分以及相互作用设置

网格的划分对模型的仿真效果、精度以及计算时间 有重要影响。当网格划分精度低时,虽然计算耗时会降 低,但是仿真效果和计算结果可能会存在较大误差。网 格精度划分得越细,计算结果精度也就越高,同时也会占 用计算机过大的内存,增加了计算耗时,对计算机配置的 要求也会增加。由于骨的导热系数小,比热大,因此在铣 削过程中热量通常会堆积在骨上与铣刀接触的铣削区 域,热量难以向四周传导。当网格划分的尺寸较大时,原 本温度变化较小但是距离铣削区域较近的部分就容易被 误判为温度较高。为了更好地反映铣削层的温度变化梯 度,同时尽量减少仿真计算时间,选择对铣削层部分进行 局部网格加密,其余部分的网格划分较疏。在有限元网 格划分中,铣削层的网格尺寸应小于铣削深度的 1/3,以 确保仿真结果的准确性。否则,在计算过程中网格易被 判定为温度过高失效而被删除脱离骨工件,从而影响仿 真效果。铣削深度通常>0.1 mm,因此铣削层的网格尺 寸<0.03 mm 时即可满足网格精度要求,该模型中骨工件 上最小的网格尺寸被设为0.01 mm。模型的网格参数设 置如表4所示,网格划分效果如图2所示。

表 4 模型的网格属性 Table 4 Mesh property of the model

部件	单元属性	单元形状	单元类型
骨工件	C3D8RT	六面体	温度-位移耦合
铣刀	C3D4T	四面体	温度-位移耦合



Fig. 2 Meshing of the model

在边界条件中,约束骨工件 X、Y、Z 3 个方向的 6 个 自由度来固定骨工件,铣刀则需根据铣削角度、铣削深 度、转速以及进给速度进行相应的设置。铣刀与骨工件 之间的接触类型被设置为表面与表面,利用罚接触公式 来计算摩擦力,摩擦系数为 0.3^[19]。骨铣削手术中通常 会加入手术冲洗液来给手术区域降温,因此在骨铣削温 度模型中还考虑了冲洗液的使用对骨铣削温度的影响。 如图 1 所示,在有限元模型中为了模拟骨面被紧邻的冲 洗液流过后降温冷却的效果,需要在相互作用设置中对 骨工件的上表面赋予一个对流换热系数 h。而使用冲洗 液引起的对流换热作用所对应的对流换热系数 h 的大小 是未知的,需要通过实验来标定。

2 冲洗液对流换热系数的标定

2.1 标定方法

点热源在持续加热一无限大的平板表面时,在 t 时刻,平板上距离热源 r 处的温度^[20]可表示为:

$$T(r,t) = T_0 + \int_0^t \left[\frac{Q_d}{4\pi d\lambda \tau} \exp\left(-\frac{r^2 c\rho}{4\lambda \tau} - \frac{2h}{c\rho d}\tau\right) \right] d\tau$$
(7)

式中: T_0 是环境温度; Q_d 是点热源的能量;d是平板的厚度; ρ 、 λ 、c分别是平板的密度、热导率、比热;h是环境的对流换热系数。当距离r、环境温度 T_0 、平板的厚度d、平板的密度 ρ 、热导率 λ 和比热c已知时,r处的温度T就可以表示为关于点热源能量 Q_d 和环境对流换热系数h两个参数的时间函数T(t)。因此通过确定r处的温度T以及点

热源能量 Q_a 就可以反演出环境的对流换热系数 h_o 为了标定冲洗液的对流换热系数 h_i 设计了一个加入冲洗液的 点热源实验,并设计了一个有限元模型来仿真实验过程从 而反演出冲洗液的对流换热系数 h_o 冲洗液对流换热系数 h的标定流程如图 3 所示,基于 Isight 工程优化软件来实现 标定过程。粒子群优化算法的参数设置如表 5 所示。



图 3 冲洗液对流换热系数的标定流程

Fig. 3 Calibration flowchart for the convective heat transfer coefficient of irrigation fluid

表 5 粒子群算法的参数设置

 Table 5
 Parameters of the particle swarm algorithm

参数	数值
最大迭代次数	100
全局增量	0. 9
粒子数	5
粒子增量	0. 9
惯性权重	0. 9
最大速度	0.1

标定过程由 3 个模块组成,分别为 Abaqus 模块、 Data Matching 模块和 Optimization 模块。在 Data Matching 模块中输入点热源实验中采样点的温度数据。 在 Abaqus 模块中,定义有限元模型中骨工件和焊头部件 的材料属性,将冲洗液的对流换热系数 h 设为参数变量。 定义 h 的初始值,输入到 Abaqus 模块中进行仿真。每次 仿真后,在模型中提取实验中采样点相应位置的仿真数 据,传输到 Data Matching 模块,并在该模块中计算仿真数 据与实验数据之间的标准差。然后将标准差的计算结果 传输给 Optimization 模块,优化目标是使标准差<10%。 如果标准差>10%,则利用粒子群优化算法改变 h 的值, 继续在 Abaqus 中进行仿真。直到仿真数据与实验数据 之间的标准差小于 10%,则输出 h 的值。

2.2 点热源实验及其有限元模型

骨科手术中使用的冲洗液一般为生理盐水,与水的 热学性能基本一致,所以选择用水来进行实验。点热源 实验装置如图4所示。



图 4 点热源实验装置 Fig. 4 Set-up for point heat source experiments

实验采用标准的人工皮质骨材料,骨板来及美国 SAMBONES 公司,其组成成分为短纤维填充环氧树脂 (short fiber filled epoxy, SFFE),具有较好的材料均匀性 和一致性。SFFE 材料获得美国材料与试验协会的批准, 用作人类皮质骨的替代实验材料^[21]。实验的操作如下: 皮质骨骨板被台钳固定在实验台上。在温度控制器的作 用下,将电烙铁焊头的初始温度调至 250℃。电烙铁焊 头为尖端形状,在接触骨面上一点时可视为一点热源。 在可调速水泵的作用下,水以一定的流速从软管流过骨 面以及焊头。通过多路热电偶测温仪来采集温度数据, 热电偶的温度测量点位置如图 4 所示。其中一个温度测 量点 TMP1 位于焊头上来测量热源的温度变化。由于焊 头的温度较高,无法使用热熔胶将热电偶固定在焊头上, 选择利用锡纸缠绕焊头将热电偶固定在焊头上。另一个 温度测量点 TMP2 位于骨板内部。通过在骨板底面钻 孔,再将热电偶插入孔中并用导热硅脂来填充孔内空隙, 最后用热熔胶来固定热电偶。骨板内部的采样点与骨面 上热源的距离为1 mm。静置一会待焊头的温度升至 250℃,热电偶显示 TMP1 和 TMP2 的温度为环境温度时 开始实验。由于冲洗液在不同流速下的对流换热系数不 同,分别将冲洗液的流速调至 31.6、43.3 以及 65 µm³/s 进行了3组实验,一共采集了6组温度数据。点热源实 验对应的有限元模型设计了骨板和焊头两个部件。骨板 的材料参数如表2所示,焊头的材料为铜。将实验中 TMP1的温度数据导入给焊头部件,使仿真中焊头部件 的温度变化与实验保持一致。根据实验结果设置相应的 环境温度,骨板和焊头的初始温度。在约束条件中,将骨 板部件的上表面与焊头部件绑定,确保焊头部件与骨面 紧密接触来施加点热源。在相互作用设置中,对骨板部 件的上表面赋予h。根据图 3 所示的标定方法,在 Data Matching 模块中输入实验中 TMP2 的温度数据。在

Abaqus 模块中提取 TMP2 在模型内对应位置的数据来计 算标准差。当实验数据与仿真数据之间的标准差<10% 时得到对流换热系数 h 的标定结果。

2.3 结果

点热源实验的结果如图 5 所示。图 5(a)为 TMP1 的 温度变化。在冲洗液的影响下,焊头的温度从 250℃逐渐 下降。冲洗液的流速越快,带走的热量越多,焊头温度下 降得越剧烈。图 5(b)为 TMP2 的温度变化。在焊头的加 热下,热源传导到骨板内采样点 TMP2 处的热量大于散失 的热量,因此 TMP2 的温度逐渐升高。冲洗液流速越快,热 源的温度越低,TMP2 的温度上升得越缓慢。根据图 3 所 示的标定方法,最后的仿真结果如图 6 所示。由图 6(a)可 以看出,冲洗液流速为 31.6、43.3 以及 65 μm³/s 时,标定 出其对流换热系数分别为 400、800、1 100 W/(m²·℃)。当 对流换热系数为1 100 W/(m²·℃)时,加热结束那一刻距 离骨面 1 mm 处横截面的温度云图如图 6(b)所示,云图 中心即 TMP2 在仿真中的相应位置。



图 5 点热源实验结果









图 6 仿真结果

Fig. 6 Simulation results

3 基于响应面法的铣削温度影响因素分析

3.1 实验设计

应用 Box-Behnken 的设计方法进行仿真实验,实验 因子设计如表 6 所示。将铣削角度 θ 、铣削深度 a_p 、进给 速度 v_f 、冲洗液流速 v_f 作为影响因子。在骨铣削温度模 型中,提取骨工件上 3 个采样点 Sp1、Sp2、Sp3 处的最高 温度 T_1 、 T_2 、 T_3 作为响应值。3 个采样点在骨铣削温度模 型中的相对位置如图 7 所示,上下分别为俯视图和主视 图。一共设计了 29 组仿真实验,骨工件的初始温度设为 26℃,球头铣刀的转速设为 30 000 r/min,铣削时间为 10 s,实验方案以及响应值结果如表 7 所示。

表 6 Box-Behnken 实验因子设计 Table 6 Factor design of Box-Behnken experiment

影响田子		水平	
影响四丁	-1	0	1
铣削角度/(°)	30	45	60
铣削深度/mm	0.5	0.75	1
进给速度/(mm•s ⁻¹)	0.5	0.7	0.9
冲洗液流速/(mL·min ⁻¹)	19	26	39





3.2 响应预测模型的建立

得到响应值的结果后,通过多元回归方程建立响应

表 7	实验设计及结果	

	.]	l'able :	7 Experii	mental desig	n and r	esults	
- /			影响因子			响应值	
运行	θ /	a_p	v_f	v _r /	$T_1/$	$T_2/$	$T_3/$
)1,	(°)	mm	$(\mathrm{mm}\cdot\mathrm{s}^{-1})$	$(mL \cdot min^{-1})$	°C	°C	°C
1	30	0.75	0.9	26	45.03	47.22	48.88
2	45	0.75	0.5	19	45.27	47.09	37.70
3	60	0.50	0.7	26	33.83	34.63	35.53
4	45	0.75	0.7	26	45.17	45.55	48.15
5	45	0.50	0.7	19	35.56	36.52	36.95
6	30	0.75	0.5	26	43.27	47.20	48.82
7	60	1	0.7	26	61.96	62.04	64.28
8	45	1	0.9	26	58.58	61.76	63.76
9	45	0.75	0.7	26	45.17	45.55	48.15
10	30	0.50	0.7	26	34. 29	35.03	36.68
11	60	0.75	0.7	19	47.11	48.60	48.29
12	45	0.75	0.7	26	45.17	45.55	48.15
13	45	0.75	0.7	26	45.17	45.55	48.15
14	45	0.50	0.7	39	34.20	35.17	35.65
15	45	0.50	0.9	26	34. 59	35.94	37.03
16	45	1	0.5	26	56.01	62.02	56.18
17	30	1	0.7	26	55.74	60.34	63.68
18	45	0.75	0.9	39	44.42	46.40	47.59
19	45	0.75	0.9	19	46.84	48.62	49.46
20	60	0.75	0.7	39	44.75	46.67	46.29
21	60	0.75	0.9	26	45.86	47.41	48.69
22	45	1	0.7	19	60. 69	63.53	68.11
23	45	0.50	0.5	26	33.61	34.56	31.61
24	60	0.75	0.5	26	43.56	44.22	34.46
25	45	1	0.7	39	56.83	59. 59	64.09
26	45	0.75	0.5	39	42.76	44.65	36.36
27	30	0.75	0.7	39	43.85	45.80	48.45
28	45	0.75	0.7	26	45.17	45.55	48.15
29	30	0.75	0.7	19	46.07	48.13	50. 51

预测模型。二阶响应预测模型不仅考虑了单因素及其二次效应和交互效应对响应值的影响,在处理多变量问题上还具有较高的效率,足以满足表6设置的4个影响因子。得到*T*₁、*T*₂、*T*₃的响应预测模型如下:

 $T_{1} = 44.73 + 0.71\theta + 11.86a_{p} + 0.9v_{f} - 1.23v_{r} + 1.67\theta a_{p} + 0.13\theta v_{f} - 0.1\theta v_{r} + 0.4a_{p}v_{f} - 0.6a_{p}v_{r} - 0.005896v_{f}v_{r} - 0.032\theta^{2} + 1.29a_{p}^{2} - 0.72v_{f}^{2} + 0.79v_{r}^{2}$ (8)

$$\begin{split} T_2 &= 45.\ 07 + 0.\ 026\theta + 12.\ 98a_p + 0.\ 66v_f - 1.\ 18v_r + \\ 0.\ 53\theta a_p + 0.\ 79\theta v_f + 0.\ 19\theta v_r - 0.\ 41a_p v_f - 0.\ 68a_p v_r + \\ 0.\ 1v_f v_r + 0.\ 51\theta^2 + 2.\ 24a_p^2 + 0.\ 48v_f^2 + 1.\ 42v_r^2 \end{split} \tag{9}$$

 $T_3 = 47.84 - 1.59\theta + 13.82a_p + 4.25v_f, -1.05v_r + 0.44\theta a_p + 3.54\theta v_f, + 0.16\theta v_r + 0.54a_p v_f, -0.35a_p v_r + 0.32v_f v_r + 0.28\theta^2 + 2.66a_p^2 - 3.97v_f^2 - 0.043v_r^2$ (10) 式中: T_1 、 T_2 、 T_3 分别为 Sp1、Sp2、Sp3 在铣削过程中的最高温度; θ 为铣削角度; a_p 为铣削深度; v_f 为进给速度; v_r 为冲洗液流速。

响应预测模型 T₁的评估结果如表 8 所示。通过相 关系数 R^2 、校正决定系数 $Adj R^2$ 、预测决定系数 $Pre R^2$ 、 失拟项 C. V. %等来评估多元回归模型的质量和总体预 测能力。Adj R² 是对 R² 进行调整后的指标,根据模型中 自变量的个数和样本大小对模型进行调整来避免过拟 合。Pre R²用来评估模型对于新数据的预测能力,其值 应该接近 Adj R²。如果两者差异较大,表明模型可能存 在过拟合。Adeg 精度是测量信噪比的指标。因此,一个 可靠的模型其相关系数 R² 需>0.8, 预测相关系数 Pre R² 与校正相关系数 Adj R² 之差需<0.2,失拟项 C. V. % 需< 10, Adeq 精度需>4。由表 8 可知, 模型的相关系数 R^2 = 0.9975,且校正决定系数 Adj R² 和预测决定系数 Pre R² 之差为 0.009 6, 说明了模型的准确性。同时失拟项 C. V. %为1.25, Adeq 精度为67.887, 说明了仿真实验数 据的可靠性。T₁的方差分析结果如表 9 所示, F 值为 396.94, P值<0.0001, 表示其具有显著性。

影响因子	结果
标准差	0.57
$Adj R^2$	0. 995 0
<i>C. V.</i> %	1.25
$Pre R^2$	0. 985 4
R^2	0. 997 5
Adeq 精度	67.887

表 8 模型 T_1 的评估结果 Table 8 Evaluation results of model T_1

表 9 模型 T_1 的方差分析 Table 9 Analysis of variance for model T_1

方差 来源	平方和	自由度	均方值	F 值	<i>P</i> 值
模型	1 787.00	14	127.64	396. 94	$< 1 \times 10^{-4}$
θ	5.50	1	5.50	17.10	1×10^{-3}
a_p	1 515. 61	1	1 515. 61	4 713.15	$< 1 \times 10^{-4}$
v_f	8.77	1	8.77	27.28	1×10^{-4}
v_r	18.08	1	18.08	56.23	$< 1 \times 10^{-4}$
$\theta \; a_p$	11.16	1	11.16	34.69	$< 1 \times 10^{-4}$
θv_f	0.073	1	0.073	0.23	0.64
θv_r	0.046	1	0.046	0.14	0.7120
$a_p v_f$	0.63	1	0.63	1.97	0. 182 7
$a_p v_r$	1.53	1	1.53	4.75	0.0469
$v_f v_r$	1.474×10^{-4}	1	1.474×10^{-4}	4. 584×10 ⁻⁴	0.9832
θ^2	6. 505×10^{-3}	1	6.505×10 ⁻³	0.020	0. 888 9
a_p^{2}	10. 79	1	10. 79	33. 55	$< 1 \times 10^{-4}$
v_f^2	3.38	1	3.38	10.51	0.0059
v_r^2	3.17	1	3.17	9.84	0.0073
残差	4.50	14	0. 32		
失拟项	4.50	10	0.45		

图 8(a) ~ (c) 所示分别为模型 T_1 、 T_2 、 T_3 的残差正态 分布, 它们的残差值在直线上呈正态分布趋势, 说明模型 满足正态性要求, 具有较好的适应性。图 9(a)~(c) 所 示分别为模型 T_1 、 T_2 、 T_3 的预测值与仿真实验值的关系。 T_1 、 T_2 、 T_3 的预测值与仿真实验值随着实验序号呈现出了 一致的变化规律。3 个模型预测值的最大残差分别为 0.27°C、0.31°C、1.06°C, 且无固定变化规律, 说明模型满 足方差齐性和独立性要求, 具有较好的预测精度。



Normal distribution of model residuals

Fig. 8





3.3 影响因子的敏感性分析

由表9可知,各影响因子的显著性水平由大至小依次为铣削深度 a_p >冲洗液流速 v_r >进给速度 v_f >铣削角度 θ_o 其中铣削深度 a_p 的 F 值远大于其他影响因子,说明 了铣削深度对最高铣削温度的影响剧烈。

图 10(a)~(c) 所示分别为铣削角度 θ 、铣削深度 a_a 、 进给速度 v_f 以及冲洗液流速 v_r 对最高铣削温度 T_1 、 T_2 、 T, 的影响摄动趋势。铣削深度 a, 与最高铣削温度之间 呈明显正相关趋势,冲洗液流速 v, 呈负相关趋势。当铣 削深度 a, 增大时, 铣刀与骨材料之间的摩擦加剧而产生 更多的摩擦热,因此铣削温度越高。冲洗液流速 v, 越 快,与骨材料之间交换的热量越多,因此铣削温度越低。 铣削角度 θ 的变化影响的是刀具的刀刃与骨材料之间的 铣削力。通常较大的铣削力也对应着较高的铣削温 度^[22]。本文中铣削角度 θ 的变化范围为30°、45°、60°, 角度之间的变化较小,映射在铣削力上的变化较小。因 此可以看出图 10 中铣削角度 θ 对最高铣削温度产生的 影响也较小。由图 10(c) 可见,进给速度 v_f 与最高铣削 温度之间具有明显的非线性关系。一方面,进给速度 v_t越快,铣刀的每齿进给量越多,使得产生的摩擦热越 多,因此铣削温度升高。另一方面,进给速度 v_f 越快,导 致热源停留的时间越短,热量的传导越少,因此铣削温度 越低。这些相互竞争的影响使得进给速度 v_t 对铣削温度 的影响是非线性的。除此之外,温度采样点的位置也起 着关键作用。如果采样点位于离骨与刀接触区域很近的 位置,则测量温度会随着进给速度的增大而升高。而如 果采样点位于刚铣削过的骨的表面,或者离热源距离较 远时,则测量温度会随着进给速度的增大而降低^[2]。文 献[8]指出最高铣削温度会随着进给速度的增大而降 低。相反,文献「9]得出增加进给速度会提高铣削温度 的结论。考虑到影响发热的各种因素,这些矛盾的结论 都是合理的。

图 11(a)~(c)所示分别为影响因子铣削深度 a_p 、铣 削角度 θ 、进给速度 v_f 以及冲洗液流速 v_r 的交互效应对 最高铣削温度 T_3 的响应曲面。等高线图为响应曲面











图的投影,响应曲面图坡度越陡,等高线越弯曲则表明交 互效应越显著。由图 11(b)对比可以看出,进给速度与 铣削深度的组合对最高铣削温度的影响最显著。由 图 11(c)可见,由于冲洗液流速与铣削深度对铣削温度 有着相反且线性的影响,其组合的等高线几乎为直线。 但是本文仅讨论各影响因子在实验范围内对最高铣削温 度的影响。铣削参数的范围、是否使用冲洗液、骨材料的 种类以及刀具形状不同时,可能会得出不同的结论。

3.4 优化设计

在进行机器人辅助骨铣削手术时,通常会利用各种 传感器对骨铣削状态进行监测和反馈,控制铣刀的运动 使得铣削深度保持在一个稳定且安全的范围内,避免铣 刀伤害患者的神经、血管以及其他软组织。因此,当铣削 深度被控制在某一目标的前提下,该如何选择其他铣削 参数来尽量减少骨铣削手术中热坏死的发生。针对这一 情况,各铣削参数的约束条件被设置如下:

$a_p = 0.8 \text{ mm}$	
$30^\circ \le \theta \le 60^\circ$	
$\left\{0.5 \text{ mm/s} \le v_f \le 0.9 \text{ mm/s}\right.$	(11)
$31.6 \ \mu \text{m}^3/\text{s} \leq v_r \leq 65 \ \mu \text{m}^3/\text{s}$	
$\left(T_{1}, T_{2}, T_{3} \leq 50^{\circ} \mathrm{C}\right)$	

目前学术上普遍将 47℃作用 1 min 定义为人骨热坏 死的阈值,将 50℃定义为人骨能够维持生物活性而不发 生热坏死的极限^[18]。因此将优化目标设置为 T_1 、 T_2 、 $T_3 < 50℃。在手术过程中,进行一次骨铣削操作时,铣削$ 深度通常不会超过 1 mm。因此在约束条件中将铣削深 $度 <math>a_p$ 控制在 0.8 mm。本文只标定了冲洗液流速为 31.6、43.3 以及 65 μ m³/s 时的对流换热系数。当冲洗液 流速为 31.6 μ m³/s 时,冲洗液带走的热量不足以使 T_1 、 T_2 、 $T_3 < 50℃$ 。因此,根据以上约束条件和建立的响应预 测模型,最后得到了优化设计方案如表 10 所示。

表 10 优化方案 Table 10 Optimization solution 铣削深度/ 铣削角度/ 进给速度/ 冲洗液流速/

方案	mm	(°)	$(\text{mm}\cdot\text{s}^{-1})$	$(\mu m^3 \cdot s^{-1})$
1	0.8	48	0.63	43.3
2	0.8	47	0.58	65.0

为了验证优化方案的有效性,根据表 10 的铣削参数 设置分别进行仿真。骨工件的初始温度设为 26℃,球头 铣刀的转速设为 30 000 r/min,铣削时间为 10 s。 图 12(a)、(b)所示分别为方案 1、2 下采样点的温度变 化,在两组优化方案下采样点的最高温度均没有超过 50℃,说明了该优化方案的有效性。式(8)~(10)是基于 骨上 3 个采样点 Sp1、Sp2、Sp3 的温度数据所建立的响应 预测模型,但该 3 个采样点的温度变化并不能代表整个 骨工件在铣削过程中的温度变化。其中方案 2 的仿真结 果如图 13 所示,图 13(a)是在铣削结束那一刻骨铣削温 度模型俯视图的温度场,图 13(b)是距离骨面 0.5 mm 处



图 12 优化方案下采样点的温度变化 Fig. 12 Temperature changes at the sample points with optimization solutions



Fig. 13 Bone milling temperature field for solution 2

横截面的温度场。由图 13 可以看出,骨铣削温度云图呈 彗星形。在模型中将 50℃设置为温度显示上限,可以看 出球头铣刀的温度以及骨上留下的铣削痕迹的温度都明 显>50℃。所以优化设计方案的有效性是有限的。本文 建立的骨铣削温度模型还存在如下两点局限之处。1)模 型中没有考虑骨的曲率,而是将其理想化为一块规则的 矩形块。这是由于手术中的骨铣削区域狭小,可以将其 等效为平面,同时考虑骨的曲率会大大增加建模难度和 仿真计算时间。2)没有考虑骨的热各向异性和不均匀 性。这是由于皮质骨的热学特性在不同方向上的变化较 小^[18],同时目前还无法获取皮质骨准确的热各向异性参 数。该骨铣削温度模型能够预测在不同铣削条件下的温 度场,直观展示铣刀以及骨的温度变化,提供最高温度以 及其出现的位置、时间等丰富信息。有望能够为医生在 术前规划中选择以及术中调整铣削参数提供参考。

4 结 论

本文提出了一种标定冲洗液对流换热系数的方法。 根据点热源温度场理论,进行了3组点热源实验并建立 了有限元模型仿真实验过程,冲洗液流速分别为31.6、 43.3 和 65 μm³/s。标定结果表明在 3 组流速下,冲洗液 的对流换热系数分别为 400、800 和 1 100 W/(m²·℃)。

基于有限元法建立了球头铣刀铣削皮质骨的温度模型。该模型考虑了冲洗液对骨铣削温度的影响,能够获得在不同铣削参数下包括主轴转速、铣削角度、进给速度、铣削深度以及冲洗液流速的温度场。

基于响应面法建立了最高铣削温度的响应预测模型,分析了各铣削参数对最高铣削温度的影响。分析结果说明铣削深度对最高铣削温度的影响最大,其次分别是冲洗液流速、进给速度和铣削角度。为了控制最高铣削温度不超过 50℃,优化了铣削参数并进行了仿真验证。仿真结果中采样点中最高温度分别为 47.2℃和46℃,实现了优化目标。

参考文献

- [1] GINOYA T, MADDAHI Y, ZAREINIA K. A historical review of medical robotic platforms[J]. Journal of Robotics, 2021, 2021(1):6640031.
- [2] AL-ABDULLAH K I A-L, ABDI H, LIM C P, et al. Force and temperature modelling of bone milling using artificial neural networks[J]. Measurement, 2018, 116: 25-37.
- [3] CALTTENBURG R, COHEN J, CONNER S, et al. Thermal properties of cancellous bone [J]. Journal of Biomedical Materials Research, 1975,9(2): 169-182.
- [4] 孙健文,王瑞,夏光明,等.基于双耳麦克风实现机器 人骨铣削状态自动控制[J].仪器仪表学报,2024, 45(1):259-268.

SUN J W, WANG R, XIA G M, et al. Automatic control of bone milling state based on robot with binaural microphones[J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2024, 45(1):259-268.

[5] 夏光明,代煜,张建勋. 基于声信号的骨科机器人椎板

铣削深度控制[J]. 仪器仪表学报,2021,42(2):144-154.

XIA G M, DAI Y, ZHANG J X. Milling depth control of lamina for orthopedic robot based on acoustic signals[J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2021, 42(2): 144-154.

[6] 李睿,代煜,张建勋,等.融合五自由度位姿信息的单目内窥镜目标尺寸测量[J].仪器仪表学报,2022,43(6):230-238.

LI R, DAI Y, ZHANG J X, et al. Object dimension measurement using the 5-dof electromagnetic tracked endoscope[J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2022,43(6):230-238.

- [7] LI Q, DU ZH J, YU H J. Temperature estimation for robotic bone milling surgery based on heat generation and conduction[J]. Measurement, 2021, 178:109411.
- [8] SHIN H, YOON Y S. Bone temperature estimation during orthopedic round bur milling operations [J]. Journal of Biomechanics, 2006, 39(1): 33-39.
- [9] SUGITA N, OSA T, MITSUISHI M. Analysis and estimation of cutting-temperature distribution during end milling in relation to orthopedic surgery [J]. Medical Engineering & Physics, 2009, 31(1): 101-107.
- [10] LIAO ZH R, AXINTE D A. On chip formation mechanism in orthogonal cutting of bone[J]. International Journal of Machine Tools and Manufacture, 2016, 102: 41-55.
- [11] 杨兆欣,顾正华,张文清,等. 基于热电偶的低速风洞
 气流温度误差补偿方法[J]. 仪器仪表学报,2022,
 43(5):68-76.

YANG ZH X, GU ZH H, ZHANG W Q, et al. The error compensation method of the low-speed wind tunnel flow temperature based on the thermocouple [J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2022, 43(5):68-76.

[12] 徐伟,曹玉岩,郝亮,等.复合材料机翼试验-数值建模方法及气弹分析[J]. 仪器仪表学报,2019,40(10):237-246.

XU W, CAO Y Y, HAO L, et al. Combined experiment and numerical modeling approach for the composite material wing and aeroelastic analysis [J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2019,40(10):237-246.

[13] TIAN H Q, PAN J B, GAO Y, et al. Prediction modeling and sensitivity analysis of robot bone milling temperature operated by a doctor[J]. Mathematical Problems in Engineering, 2021, 2021(43):6806689.

[14] 王志超,张志杰,张秋宁. 一种基于 FPGA 的瞬态温度 采集系统设计[J]. 电子测量技术,2023,46(19):49-55.

> WANG ZH CH, ZHANG ZH J, ZHANG Q N. Contact temperature measurement system based on FPGA [J]. Electronic Measurement Technology, 2023, 46 (19): 49-55.

 [15] 郭森,曹雪,李越,等. 空间细胞培养装置设计与流体 动力学仿真优化[J]. 仪器仪表学报,2023,44(10):
 60-70.
 GUO M, CAO X, LI Y, et al. Design of space cell

culture device and optimization using fluid dynamics simulation [J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2023,44(10):60-70.

- [16] TAI B L, ZHANG L H, WANG A, et al. Neurosurgical bone grinding temperature monitoring [C]. 1st CIRP Conference on Biomanu-Facturing, 2013: 225-229.
- [17] ZHANG L H, TAI B L, WANG G J, et al. Thermal model to investigate the temperature in bone grinding for skull base neurosurgery[J]. Medical Engineering & Physics, 2013,35(10): 1391-1398.
- [18] CHEN Q S, LIU Y, DONG Q SH. Modeling and experimental validation on temperature diffusion mechanism in high-speed bone milling [J]. Journal of Materials Processing Technology, 2020,286:116810.
- [19] JIANG W Y, LIU ZH ZH. Simulation study on the influence of drilling parameters on the temperature of skull drill-ing[C]. 2021 IEEE International Conference on Electrical Engineering and Mechatronics Technology (ICEEMT), 2021:26-29.
- [20] WANG Y, YIN X, ZHOU K, et al. Example of analytical solution of welding temperature field for infinite plate[J]. Journal of Lanzhou University of Technology, 2022,48(3): 13-16.
- [21] ZDERO R, BRZOZOWSKI P, SCHEMITSCH E H. Biomechanical properties of artificial bones made by Sawbones: A review[J]. Medical Engineering & Physics, 2023,118(4): 104017.
- [22] SANTIUSTE C, RODRIGUEZ-MILLÁN M, GINER E, et al. The influence of anisotropy in numerical modeling of orthogonal cutting of cortical bone[J]. Composite Structures, 2014,116: 423-431.

作者简介



周紫琪,2022年于华东交通大学获得学 士学位,现为南开大学硕士研究生,主要研 究方向为骨科机器人的温度感知与温度 控制。

E-mail:zhouziqi1@ mail. nankai. edu. cn

Zhou Ziqi received her B. Sc. degree from East China Jiaotong University in 2022. She is currently a M. Sc. candidate at Nankai University. Her main research interests include temperature perception and temperature control of orthopedic robots.



柯玮翔,2023年于江西理工大学获得学 士学位,现为南开大学硕士研究生,主要研 究方向为医疗机器人、边缘计算和信号 处理。

E-mail:keiweixiang@mail.nankai.edu.cn

Ke Weixiang received his B. Sc. degree from Jiangxi University of Science and Technology in 2023. He is currently a M. Sc. candidate at Nankai University. His main research interests include medical robots, edge computing, and signal processing.



胡钧飞,2022年于南京工程学院获得学 士学位,现为南开大学硕士研究生,主要研 究方向为骨科机器人的主从控制和力反馈 技术。

E-mail:hujunfei@mail.nankai.edu.cn

Hu Junfei received his B. Sc. degree from Nanjing Institute of Technology in 2022. He is currently a M. Sc.

candidate at Nankai University. His main research interests include orthopedic robot master-slave control and force feedback technique.



赵志辉,2005年于河北医科大学获得学 士学位,2016于天津医科大学获得硕士学 位,2021于天津医科大学获得博士学位,现 为天津医科大学附属第四中心医院,副主任 医师,主要研究方向为剪切应力促进骨折的

愈合机制研究,股骨头坏死机制研究。 E-mail:zhaozhihui0929@126.com

Zhao Zhihui received his B. Sc. degree from Hebei Medical University in 2005, and received his M. Sc. and Ph. D. degrees both from Tianjin Medical University in 2016 and 2021, respectively. He is currently an associate chief physician at the Fourth Central Hospital Affiliated to Tianjin Medical University. His main research interests include the study of healing mechanism of shear stresspromoted fractures and the study of femoral head necrosis mechanism.



代煜(通信作者),分别在 2002、2004 年 和 2009 年于哈尔滨工业大学获得学士学 位,硕士学位和博士学位,现为南开大学教 授,主要研究方向为面向手术机器人的智能 感知技术。

E-mail:daiyu@nankai.edu.cn

Dai Yu (Corresponding author) received his B. Sc. degree, M. Sc. degree, and Ph. D. degree all from Harbin Institute of Technology in 2002, 2004, and 2009, respectively. He is currently a professor at Nankai University. His main research interest is intelligent technology for surgical robot.